

1. Nombres et Calculs

- a)** Ex1
- $7402,003 = 7 \times 1000 + 4 \times 100 + 2 \times 1 + \frac{3}{1000}$
 - $830,901 = 8 \times 100 + 3 \times 10 + \frac{9}{10} + \frac{1}{100}$
 - $72,7091 = 7 \times 10 + 2 \times 1 + \frac{7}{10} + \frac{9}{1000} + \frac{1}{10000}$
 - $200,03 = 2 \times 100 + \frac{3}{10}$
 - $5092,3042 = 5 \times 10000 + 9 \times 10 + 2 \times 1 + \frac{3}{10} + \frac{4}{1000} + \frac{2}{10000}$

Ex2 Le nombre caché est 2,5842

Ex3 $\frac{6}{10} + \frac{1}{100} + \frac{1}{10000} < 611 \text{ millièmes} < \frac{6101}{10000} < 6111 \text{ dix-millièmes} < 6 + \frac{101}{1000}$
 $< 6,1111$

Ex4 a. $28 < 28,4597 < 29$

$$28,4 < \quad " \quad < 28,5$$

$$28,45 < \quad " \quad < 28,46$$

$$28,459 < \quad " \quad < 28,460$$

b. $531 < 531,352 < 532$

$$531,3 < \quad " \quad < 531,4$$

$$531,35 < \quad " \quad < 531,36$$

$$531,352 < 531,352 < 531,353$$

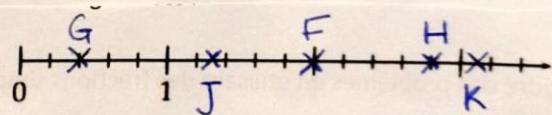
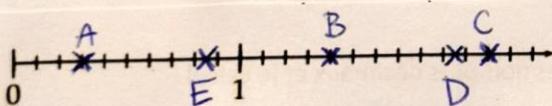
c. $2 < 2,3509 < 3$

$$2,3 < \quad " \quad < 2,4$$

$$2,35 < \quad " \quad < 2,36$$

$$2,350 < \quad " \quad < 2,351$$

Ex5



b) Ex1

- 3693
- 8362,81
- 5475
- 533,97
- 2711124
- 58920,249
- 288,25
- 211,956...
- $6708 = 191 \times 35 + 23$
- $349 = 49 \times 7 + 6$

Ex2

- $65 \times 11 = 65 \times 10 + 65 \times 1 = 650 + 65 = 715$

- $47 \times 21 = 47 \times 2 \times 10 + 47 \times 1 = 940 + 47 = 987$

- $99 \times 26 = 26 \times 100 - 26 \times 1 = 2600 - 26 = 2574$

- $102 \times 34 = 34 \times 100 + 34 \times 2 = 3400 + 68 = 3468$

Ex3

$0,1 = \frac{1}{10}$	Multiplier par 0,1 revient à diviser par 10	$27 \times 0,1 = 2,7$
$0,2 = \frac{1}{5}$	Multiplier par 0,2 revient à diviser par 5	$45 \times 0,2 = 9$
$0,25 = \frac{1}{4}$	Multiplier par 0,25 revient à diviser par 4	$130 \times 0,25 = 32,5$
$0,5 = \frac{1}{2}$	Multiplier par 0,5 revient à diviser par 2	$64 \times 0,5 = 32$

$$305 \times 0,2 = 61$$

$$36 \times 0,1 = 3,6$$

$$432 \times 0,5 = 216$$

$$53,1 \times 0,1 = 5,31$$

$$27 \times 0,5 = 13,5$$

$$4,8 \times 0,25 = 1,2$$

$$80 \times 0,25 = 20$$

$$600 \times 0,2 = 120$$

$$9,3 \times 0,1 = 0,93$$

Ex 4

$0,6 \times 0,4 = 0,24$	$2,4 \div 3 = 0,8$	$0,5 \times 0,1 = 0,05$
$6,5 \div 5 = 1,3$	$347 \times 0,01 = 3,47$	$9,34 \div 100 = 0,0934$
$4,7 \times 100 = 470$	$6,04 \times 0,1 = 0,604$	$0,3 \times 4 = 1,2$

Ex 5

a. $12 + 2 \times 3 - (6 + 1) =$ $= 12 + 6 - 7$ $= 18 - 7$ $= 11$	b. $7 \times 5 - 10 + 2 =$ $= 35 - 10 + 2$ $= 25 + 2$ $= 27$	Les calculs prioritaires sont soulignés en vert
c. $(1 + 3 \times 9) \div 2 + 2 =$ $= (1 + 27) \div 2 + 2$ $= 28 \div 2 + 2$ $= 14 + 2$ $= 16$	d. $[16 - (7 - 4)] \times 3 + 1 =$ $= [16 - 3] \times 3 + 1$ $= 13 \times 3 + 1$ $= 39 + 1$ $= 40$	

Ex 6

$\frac{5 \div 5}{15 \div 5} = \frac{1}{3}$	$\frac{4 \div 4}{12 \div 4} = \frac{1}{3}$	$\frac{9 \div 3}{6 \div 3} = \frac{3}{2}$
$\frac{2}{8} = \frac{1}{4}$	$\frac{16}{32} = \frac{1}{2}$	$\frac{14}{49} = \frac{2}{7}$

Ex 7

• $\frac{1}{3} + \frac{4}{3} = \frac{5}{3}$	• $\frac{3}{4} + \frac{9}{4} = \frac{12}{4} = 3$	• $\frac{1}{10} + \frac{6}{10} = \frac{7}{10}$
• $\frac{1}{2} + \frac{3}{4} =$ $= \frac{2}{4} + \frac{3}{4}$ $= \frac{5}{4}$	• $\frac{9}{5} + \frac{2}{15} =$ $= \frac{27}{15} + \frac{2}{15}$ $= \frac{29}{15}$	• $\frac{7}{8} + \frac{3}{2} =$ $= \frac{7}{8} + \frac{12}{8}$ $= \frac{19}{8}$

- ① Ex 1
- Comme $685 \times 26 = 17810$, alors $26 \times 6,85 = 178,1$. Les revues vont coûter 178€ et 10 centimes.
 - Monsieur truc a mis 17810 g de miel dans des pots, soit 17,81 kg.
 - Élisa va payer 17,81 euros.

Ex 2

Je cherche le nombre d'habitants en Inde

$$N_{\text{habInde}} = 1\ 395\ 203\ 400 - 39\ 581\ 600$$

$$= 1\ 355\ 621\ 800$$

En Inde, il y a 1 355 621 800 habitants

Ex3 Je cherche la prise total des bananes.

$$\begin{aligned} P_{\text{tot}} &= 1,6 \times 3,25 \\ &= 5,2 \end{aligned}$$

Le prix à payer est 5,2 euros. Comme $5,2 > 5$, je n'aurai pas assez d'argent pour payer.

Ex4 • Je cherche la prise total des épinglettes.

$$\begin{aligned} P_R &= 16 \times 8,5 \\ &= 136 \end{aligned}$$

• Je cherche le prix d'un cerceau.

$$\begin{aligned} P_c &= (192 - 136) \div 20 \\ &= 56 \div 20 \\ &= 2,8 \end{aligned}$$

Le prix d'un cerceau est 2,8€.

Ex5

	Italien	Allemand	Espagnol	TOT
5 ^e A	7	6	12	25
5 ^e B	5	5	13	23
TOT	12	11	25	48

Ex6

Nombre de voix	Jean	Salma	Clémé	Pascal	TOT
	6	12	5	1	24
Angle	90°	180°	75°	15°	360°

⚠ Il s'agit d'un tableau de proportionnalité

Ex7

$$4 \times 180 = 7,2$$

Comme 4 poins coûtent 7€ et non 7,2€, alors le prix n'est pas proportionnel au nombre de poins achetés.

Ex8

Comme les gâteaux ont tous le même prix, on peut s'aider d'un tableau de proportionnalité :

Nb gâteau	6	7	9	30	$\downarrow \times 1,1$
prix	6,60	7,7	9,9	33	

Ex9

$$\text{Prix 1 orange} = \frac{4}{8}, \quad \text{Prix 1 Citron} = \frac{2}{3} = \frac{4}{6}, \quad \text{Prix 1 Poire} = \frac{4}{7}$$

Comparaison de fractions de même dénominateur : celle avec le dénominateur de plus petit est la plus grande. Donc les citrons coûtent plus que les oranges. (3)

Ex 10 a. 13% de 225: $\frac{13}{100} \times 225 = 29,25$

Le 13% de 225 est 29,25

c. 25% de 120

Comme 10% correspond à $\frac{1}{10}$ de la quantité initiale, 25% de 120 est 30.

e. 24% de 775

$$\begin{array}{r|l} 24 & 193,75 \\ \hline 100 & 775 \end{array}$$

24% de 775 est 193,75.

b. 50% de 120

Comme 50% de 120 est la moitié de 120, on obtient 60.

d. 10% de 120

Comme 10% correspond à $\frac{1}{10}$ de la quantité initiale, alors 10% de 120 est 12.

f. 45% de 250

$$45 \times 250 : 100 = 112,5$$

45% de 250 est 112,5.

2. Grandeur et Mesure.

a) Ex 1 [a.] On calcule le périmètre du triangle ABC, isocèle en A.

$$P_{ABC} = BC + CA + AB \quad \leftarrow \text{calcul avec les noms/des cotés}$$

$$\begin{array}{ll} \text{on nomme} & = 2,5 + 3,8 + 3,8 \\ \text{ce qu'on} & \leftarrow \text{calcul avec les valeurs} \\ \text{calcule} & = 10,1 \end{array}$$

Le périmètre de ABC mesure 10,1 cm \leftarrow Réponse, avec l'unité de mesure

Une rédaction exhaustive est attendue pour chaque figure, cependant seulement les résultats sont reportés.

b. $P_{DEF} = 111 \text{ mm}$

c. $P_{GHIJ} = 9 \text{ cm}$

d. $P_{JKLM} = 92 \text{ mm}$

e. $P_{ABCDE} = 11,2 \text{ cm}$

f. $P_{FGHIJ} = 11,2 \text{ cm}$

$$\begin{aligned} g. P_{\text{ cercle}} &= 2 \times \pi \times r \\ &= 31,4 \text{ cm} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} h. P_{\text{ cercle}} &= 2 \times \pi \times r \\ &= 2 \times \pi \times \frac{r}{2} \\ &= 30,144 \end{aligned}$$

Le périmètre du cercle mesure 30,144 cm

i. $P_{\text{fig}} = \text{Perde} : 2 + AB$

$$= 2 \times \pi \times 18 : 2 + AB$$

$$= 2 \times 3,14 \times 4 : 2 + 2 \times 4$$

$$= 20,56$$

Le périmètre de la figure mesure 20,56 cm.

b) Ex 1

$$1,5 \text{ km}^2 = 1500000 \text{ m}^2$$

$$10 \text{ m}^2 = 0,1 \text{ dam}^2$$

$$45 \text{ cm}^2 = 0,0045 \text{ m}^2$$

$$25 \text{ mm}^2 = 0,25 \text{ cm}^2$$

$$3,12 \text{ dm}^2 = 312 \text{ cm}^2$$

$$5,3 \text{ hm}^2 = 0,053 \text{ km}^2$$

Ex2 • Je calcule l'aire du triangle CDE

$$\begin{aligned} A_{CDE} &= \frac{b \times h}{2} \\ &= \frac{CD \times EH}{2} \\ &= \frac{6 \times 5,4}{2} \\ &= 16,2 \end{aligned}$$

L'aire de CDE mesure $16,2 \text{ cm}^2$.

• Je calcule l'aire du triangle ABC

$$\begin{aligned} A_{ABC} &= \frac{b \times h}{2} \\ &= \frac{AB \times HC}{2} \\ &= \frac{6 \times 4}{2} \\ &= 12 \end{aligned}$$

L'aire de ABC mesure 12 cm^2 .

Ex3 Je cherche l'aire totale :

$$A_{\text{tot}} = \frac{PR \times RC}{2} \quad (\text{avec } PR = PA + AR = 40 \text{ m})$$
$$= 480$$

je cherche l'aire de la zone de jeu :

$$\begin{aligned} A_{\text{jeu}} &= \frac{AS \times PA}{2} \\ &= 270 \end{aligned}$$

je cherche l'aire du skatepark :

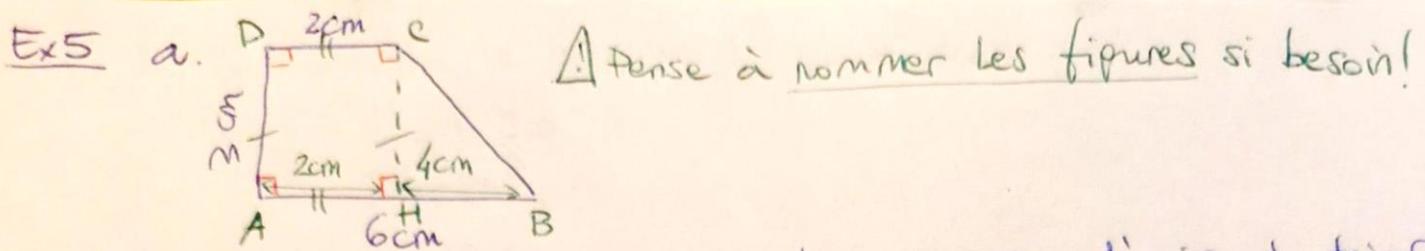
$$\begin{aligned} A_{\text{skatepark}} &= A_{\text{tot}} - A_{\text{jeu}} \\ &= 480 - 270 \\ &= 210 \end{aligned}$$

L'aire du skatepark mesure 210 m^2

Ex4 Je cherche l'aire du cercle

$$\begin{aligned} A_{\text{cerce}} &= \pi \times r^2 \\ &= \pi \times r \times r \\ &= 3,14 \times 6 \times 6 \\ &= 113,04 \end{aligned}$$

L'aire du cercle mesure $113,04 \text{ dm}^2$



• Je cherche l'aire du rectangle:

$$\begin{aligned} A_{AHCD} &= 2 \times DA + 2 \times DC \\ &= 2 \times 3 + 2 \times 2 \\ &= 6 + 4 \\ &= 10 \end{aligned}$$

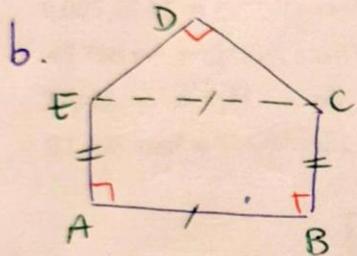
• Je cherche l'aire du triangle:

$$\begin{aligned} A_{HBC} &= \frac{HB \times CH}{2} \\ &= \frac{4 \times 3}{2} \\ &= 6 \end{aligned}$$

• Je cherche l'aire du trapèze:

$$\begin{aligned} A_{ABCD} &= A_{AHCD} + A_{HBC} \\ &= 10 + 6 \\ &= 16 \end{aligned}$$

L'aire du trapèze mesure 16 cm^2



• Je cherche l'aire du rectangle

$$\begin{aligned} A_{ABCE} &= 2 \times EA + 2 \times AB \\ &= 2 \times 2 + 2 \times 5 \\ &= 14 \end{aligned}$$

• Je cherche l'aire du triangle, rectangle en D

$$\begin{aligned} A_{CDE} &= \frac{DE \times DC}{2} \\ &= \frac{3 \times 4}{2} \\ &= 6 \end{aligned}$$

• Je cherche l'aire totale:

$$\begin{aligned} A_{ABCDE} &= A_{ABCE} + A_{CDE} \\ &= 14 + 6 \\ &= 20 \end{aligned}$$

L'aire de la figure mesure 20 cm^2

c. Méthode ①

$$A_{\text{tot}} = A_{\text{carré}} + A_{\frac{1}{2}\text{cerce jaune}} - A_{\frac{1}{2}\text{cerce blanc}}$$

comme on ajoute et on enlève des aires de même mesure, cela revient à calculer l'aire du carré:

$$A_{\text{tot}} = A_{\text{carré}}$$

$$= c \times c$$

$$= 25 \quad \text{L'aire totale mesure } 25 \text{ cm}^2$$

Méthode ② On calcule l'aire du demi-cercle ($\frac{1}{2} \times \pi \times r \times r$) et on fait les calculs

c) Ex1 Je cherche le volume du parallélépipède droit :

$$\begin{aligned}V_{\text{parallélépipède}} &= L \times l \times h \\&\text{Soit} \\&= 30 \times 25 \times 15 \\&= 11250\end{aligned}$$

Le volume mesure 11250 cm³, soit 0,125 dm³.

Ex2 Je cherche le volume du cube :

$$\begin{aligned}V_{\text{cube}} &= c \times c \times c \\&= 5 \times 5 \times 5 \\&= 125\end{aligned}$$

Le volume du cube mesure 125 cm³, soit 0,125 dm³.

Ex3 $0,025 \text{ km}^3 = 25 \text{ hm}^3$

$1478 \text{ dm}^3 = 1,478 \text{ m}^3$

$2478400 \text{ L} = 2,4784 \text{ dam}^3$

$0,00555 \text{ kL} = 5,555 \text{ cm}^3$

$45700 \text{ m}^3 = 45,7 \text{ hm}^3$

$278 \text{ hL} = 27,8 \text{ m}^3$

$87450 \text{ mm}^3 = 0,08745 \text{ L}$

$314,7 \text{ cm}^3 = 0,0003147 \text{ m}^3$

$0,00085 \text{ km}^3 = 850 \text{ dam}^3$

$1024 \text{ dL} = 1,024 \text{ hL}$

$84,65 \text{ daL} = 846,5 \text{ dm}^3$

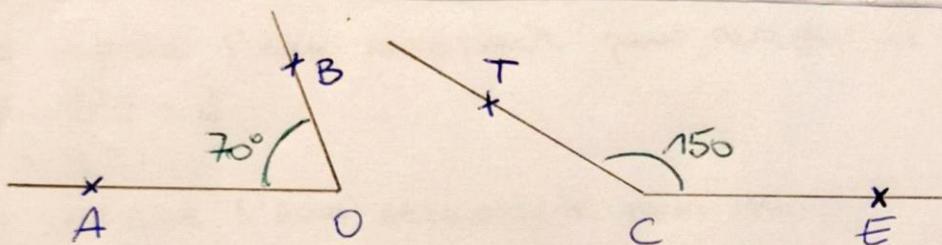
$47,8 \text{ L} = 0,478 \text{ hL}$

$3085 \text{ cL} = 308,5 \text{ cm}^3$

$0,250 \text{ cm}^3 = 0,00025 \text{ L}$

Rappel :
 $1 \text{ L} = 1 \text{ dm}^3$

d) Ex1



$$\hat{A}BC = 35^\circ$$

$$\hat{D}EF = 71^\circ$$

$$\hat{K}LI = 10^\circ$$

$$\hat{G}HJ = 134^\circ$$

$$\hat{N}RQ = 90^\circ$$

$$\hat{S}Ty = 66^\circ$$

$$\hat{O}Pm = 60^\circ$$

e) Ex1 $0,5 \text{ cL} = 0,5 \text{ L}$

On calcule la quantité totale d'eau :

$$\begin{aligned}E_{\text{tot}} &= 1,3 + 0,5 \\&= 1,8\end{aligned}$$

Comme $1,8 < 2$, l'eau ne déborde pas.

Ex2 La durée du voyage est de 11h25 min.

Ex3 • Eau perdue en 1 min : $\frac{60}{70} = 6$

6 mL sont perdus toutes les minutes

• Eau perdue par heure : $6 \times 60 = 360$

360 mL sont perdus toutes les heures.

• Eau perdue par jour : $360 \times 24 = 8640$

8640 mL, soit 8,64 L, sont perdus par jour.

Donc c'est vrai que plus de 10 L d'eau sont perdus chaque jour.

Ex4 Comme un carré a 4 cotés de même mesure, on peut calculer :

$$\begin{aligned} C_1 &= P \div 4 \\ &= 18 \div 4 \\ &= 4,5 \end{aligned}$$

La longueur du côté du terrain carré de périmètre 18m est 4,5m.

$$\begin{aligned} C_2 &= P \div 4 \\ &= 23,2 \div 4 \\ &= 5,8 \end{aligned}$$

La longueur du côté du terrain carré de périmètre 23,2m est 5,8 m.

Ex5 Je cherche la quantité totale de jus:

$$\begin{aligned} J_{\text{tot}} &= 1,5 \times 6 \\ &= 9 \end{aligned}$$

Je cherche combien de verres de 20cl peuvent être servis:

$$20 \text{ cl} = 0,2 \text{ L}$$

$$G = 9 \div 0,2$$

$$= 45$$

exactement 45 gobelets peuvent être remplis avec 6 bouteille de 1,5L.

Ex6 Je cherche l'eau nécessaire pour remplir un aquarium:

$$\begin{aligned} A_1 &= 128 \div 4 \\ &= 32 \end{aligned}$$

Je cherche l'eau nécessaire pour remplir 10 aquariums:

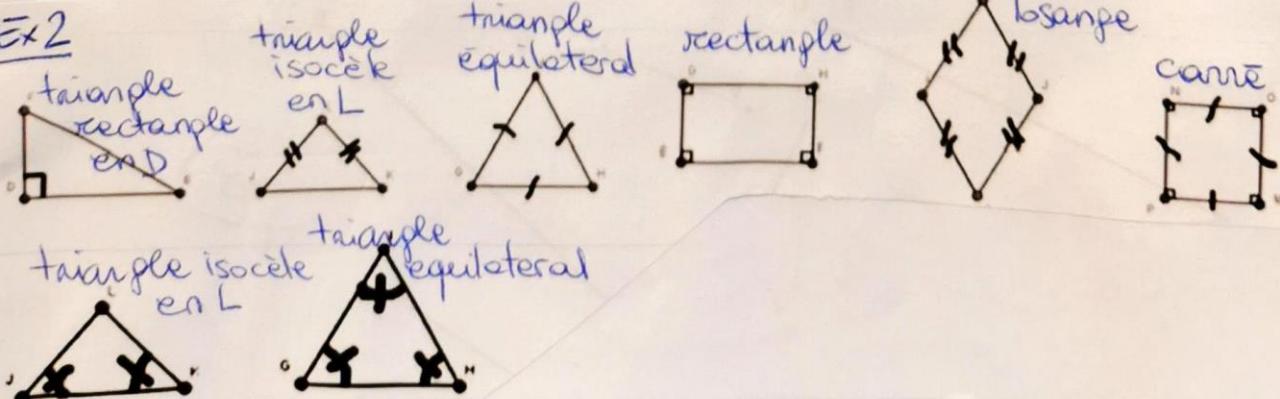
$$\begin{aligned} A_{10} &= A_1 \times 10 \\ &= 32 \times 10 \\ &= 320 \end{aligned}$$

320 dm³, soit 320L d'eau sont nécessaires pour remplir 10 aquariums.

3. Espace et Géométrie

- a) Ex1
- Uniquement le point B appartient au cercle de centre O et de rayon [OB]
 - Les points A et B appartiennent au disque de centre O et de rayon [OB].

Ex2



Ex3 ABCD : losange
(4 cotés de même mesure)

LMJK : carré
(4 cotés de même mesure et 4 angles droits)

EFGH : rectangle
(4 angles droits)

PQRS : rectangle
(4 angles droits)

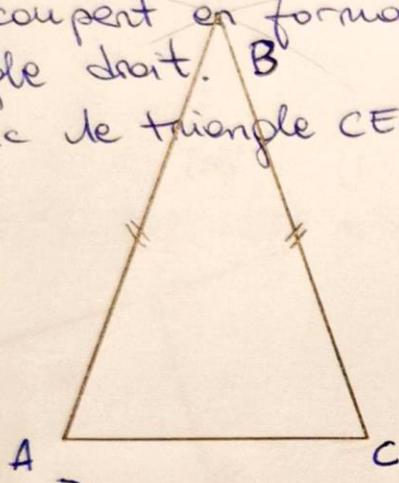
! veillez à tracer avec soin les polygones à l'aide de la règle, de l'équerre et du compas.

Ex4 Comme ACBD est un losange, alors ses diagonales se coupent en formant un angle droit. B

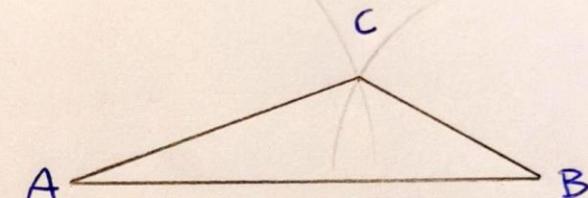
Donc le triangle CEB est un triangle rectangle en E.

(b)

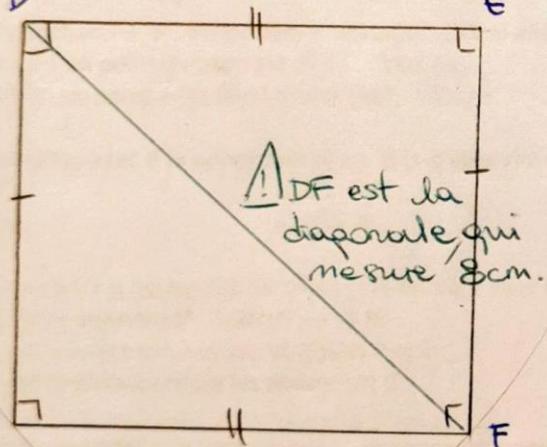
Ex1



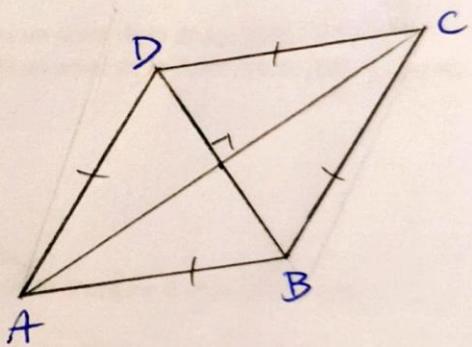
Ex2



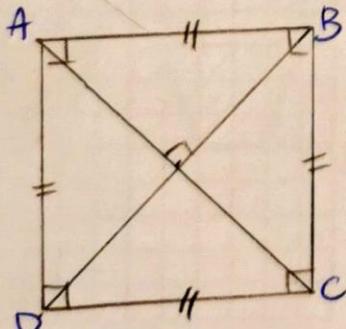
Ex3



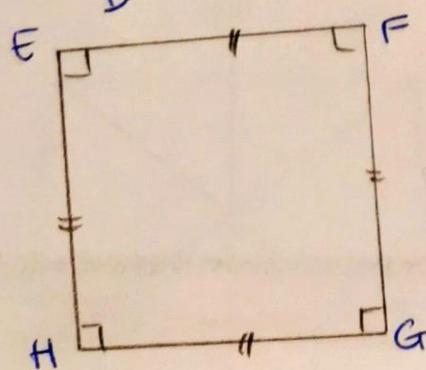
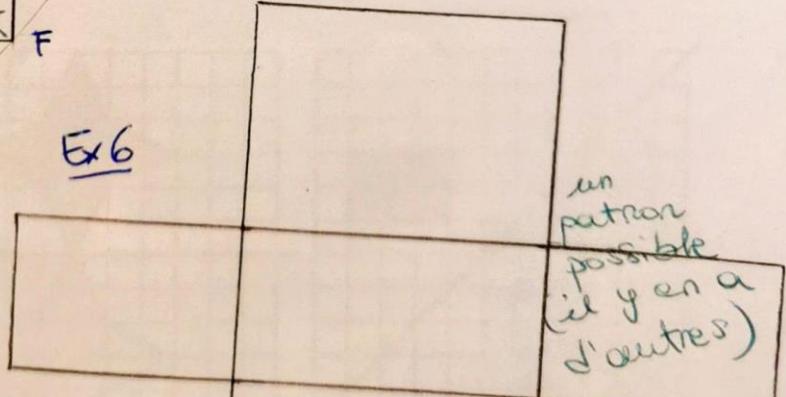
Ex5



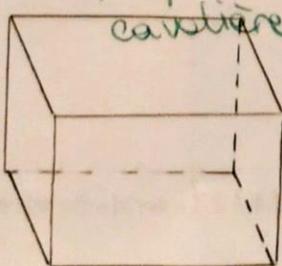
Ex4



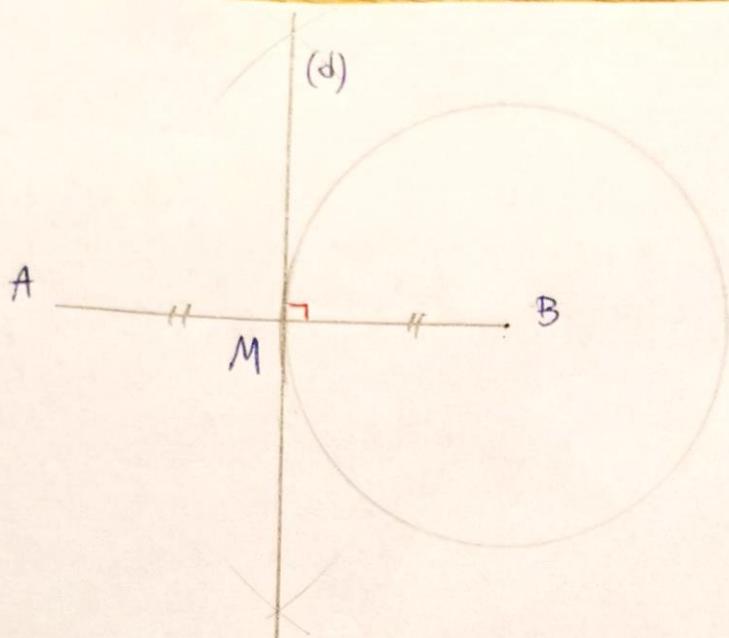
Ex6



perspective cavalière

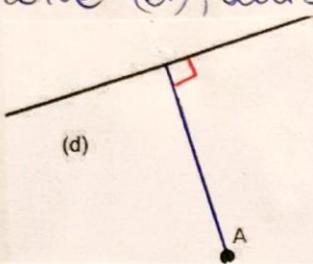


Ex 7



③ Ex 1 Comme (a) et (b) sont perpendiculaires à une même droite (d), alors elles sont parallèles entre elles.

Ex 2



Ex 3

Partie 1 : Pour chacune des propositions suivantes, dire si elle est vraie ou fausse :

- | | | | |
|--|------|--|------|
| a) le point J est un point du segment [BC]. | Faux | b) le point J est un point de la droite (BC). | Vrai |
| c) le point I est un point de la demi-droite [AB]. | Vrai | d) le point J est un point de la demi-droite [EB]. | Faux |

Partie 2 Complète avec \in (« appartient ») ou \notin (« n'appartient pas »)

- | | | |
|---------------------|---------------------|---------------------|
| a) G \in [AC]. | b) B \notin [BD]. | c) G \notin [AC]. |
| d) A \notin [BD]. | e) D \in [IB]. | f) A \in [GC]. |

Partie 3 : compléter si nécessaire les phrases ci-dessous avec les symboles [ou] ou (ou).

- | | |
|--|--|
| a) [GH] ... est le segment d'extrémités G et H. | b) ... [BV] ... est la demi-droite d'origine B et passant par V. |
| c) ... PZ ... est la droite passant par les points P et Z. | |
| d) ... FG ... est la distance entre les points F et G. | |

Ex 4

